

# Online Optimization of Video-Ad Allocation (IJCAI'17)

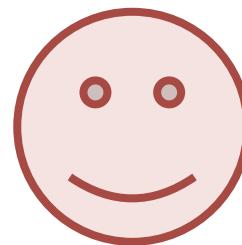
**Hanna Sumita (NII, ERATO)**

Yasushi Kawase (TITech, AIP)

Sumio Fujita (Yahoo! JAPAN Research)

Takuro Fukunaga (NII, ERATO)

# インターネット広告



“コーヒー”を検索

ユーザー

ウェブ 画像 動画 辞書 知恵袋 地図 リアルタイム 一覧 ▾

検索設定 □ ▾ Yahoo! JAPAN ヘルプ

YAHOO!  
JAPAN

ゲスト さん [ログイン]

コーヒー

約210,000,000件

検索ツール ▾

Q コーヒーメーカー コーヒー豆 アイスコーヒー コーヒーショップ で検索

コーヒーに関連した広告

[コーヒー通販はブルックス | brooks.co.jp](#)  
[www.brooks.co.jp/](http://www.brooks.co.jp/)

お得なお試しセットや初回特典いっぱい。3500円以上のご購入で送料無料！  
レギュラーコーヒー - コーヒーお試しセット - ドリップコーヒー - ブルックスの定期便

[美味しいコーヒーをお取寄せ！ | cafe.co.jp](#)  
[www.cafe.co.jp/](http://www.cafe.co.jp/)

簡単ドリップコーヒー・フレッシュレギュラーコーヒーを工場から直送！  
初回限定お試しセット - レギュラーコーヒー - ドリップコーヒー

コーヒー - Wikipedia  
[ja.wikipedia.org/wiki/コーヒー - キャッシュ](http://ja.wikipedia.org/wiki/コーヒー - キャッシュ)

コーヒー（オランダ語: koffie /'kofi/ Ni-koffie.ogg コフィ）は、コーヒー豆（コーヒノキの種子）を焙煎し挽いた粉末から、湯または水で成分を抽出した飲料。歴史への登場は酒や茶には遅れるが、世界で最も多くの国で...

広告

[コーヒー 勉強したい方へ](#)  
[www.happy-semi.com/](http://www.happy-semi.com/)

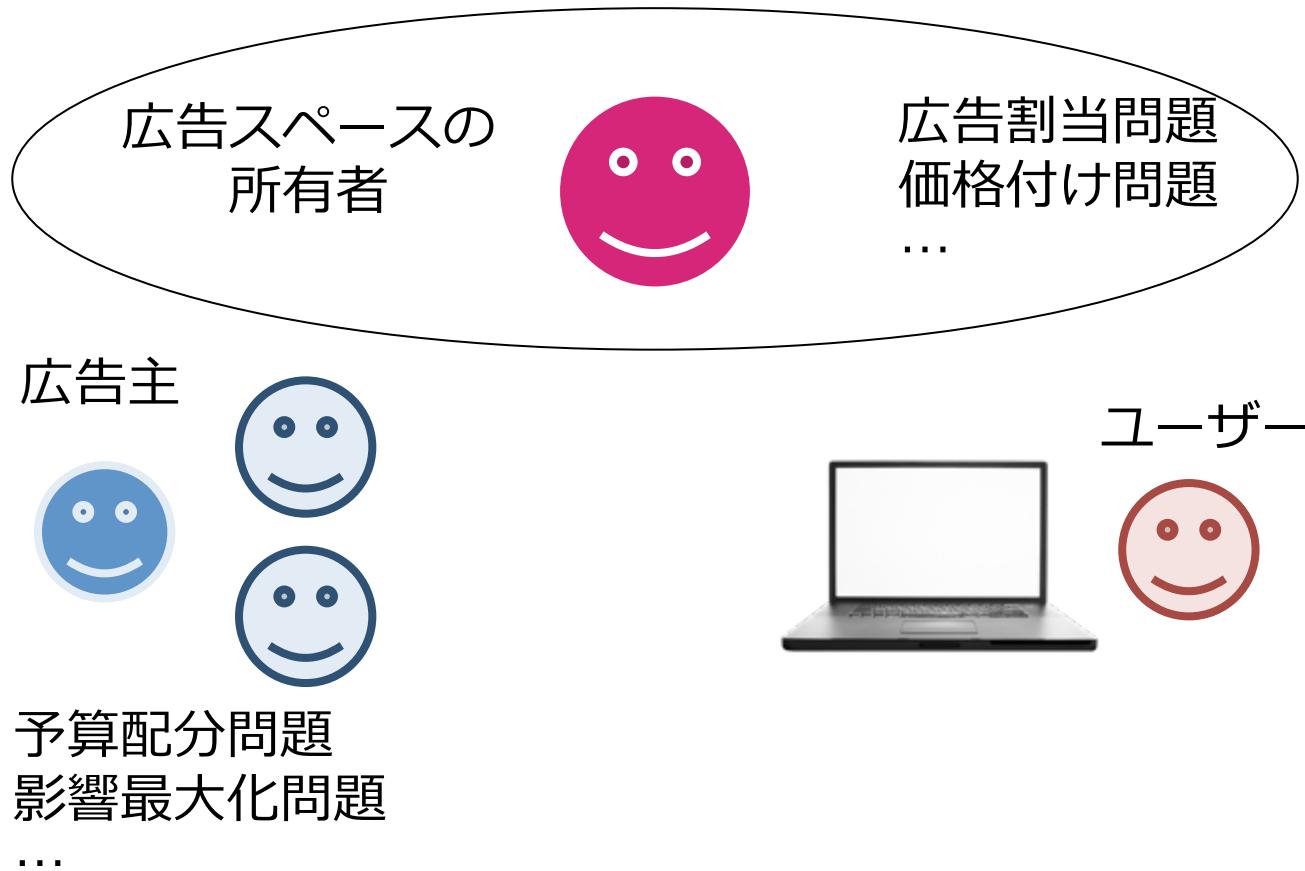
コーヒー豆の知識、焙煎・抽出方法を自宅で学べ、資格が取れる通信講座。

[社会人向け／コーヒーの学校](#)  
[www.lecocare.jp/](http://www.lecocare.jp/)

いつかカフェを開業したい社会人のための学校／パリスタ養成士 1週1・2ヶ月から

# インターネット広告の最適化問題

## 本研究の立場

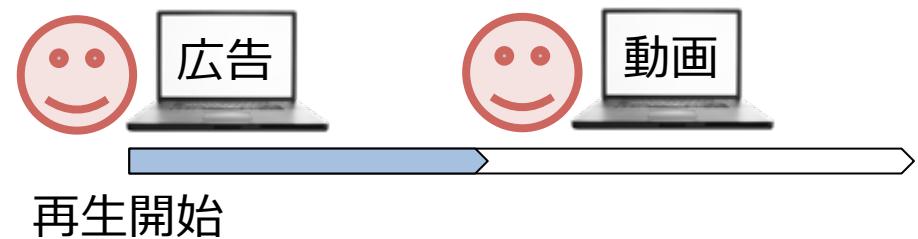


## 本研究の対象：動画広告

## 従来の広告

動画広告

A screenshot of a YouTube video page. The main video frame shows a classroom setting where a teacher is demonstrating how to make a penguin origami figure. Several students are seated at their desks, watching attentively. The video has a timestamp of 0:00 and 885s. Below the video, there are two suggested videos: one titled "【折り紙 折り方】簡単なペンギンの作り方動画" (Origami Tutorial: Easy Penguin Origami) with 38,730 views, and another titled "黒足トトロ 折り紙「トトロ」origami" (Kuroko's Totoro Origami: Totoro) with 112,764 views.



# 広告割当問題に 関連研究多数

- 近年普及してきた広告形態
  - 動画広告特有の制約

# 本研究の成果

## 1. 動画広告割当問題をオンライン問題として定式化

### 広告割当問題



### 動画広告割当問題



## 2. 競合比 $1 - 1/e$ のオンラインアルゴリズムを提案

# 広告割当モデル

広告スペースの所有者



収入を大きくしたい

広告主

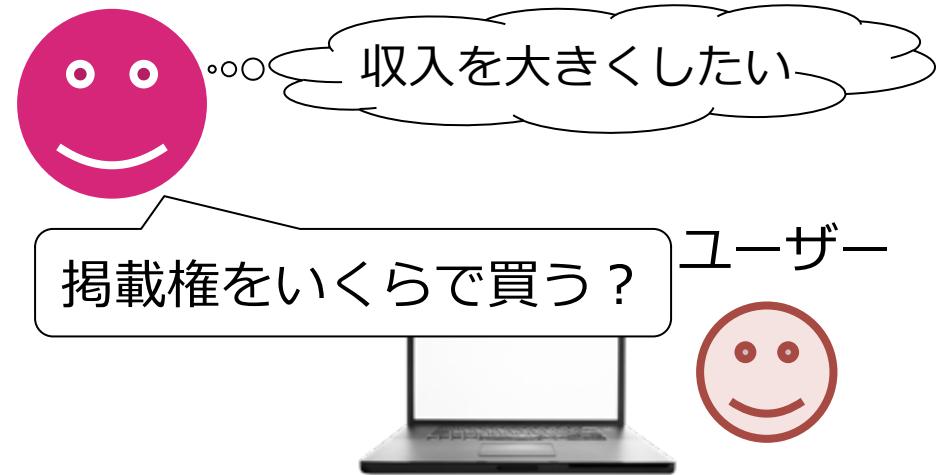


ユーザー

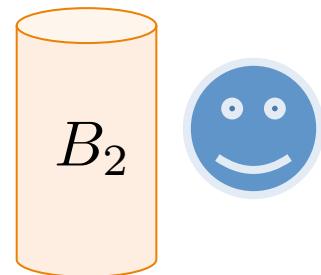


# 広告割当モデル

広告スペースの所有者

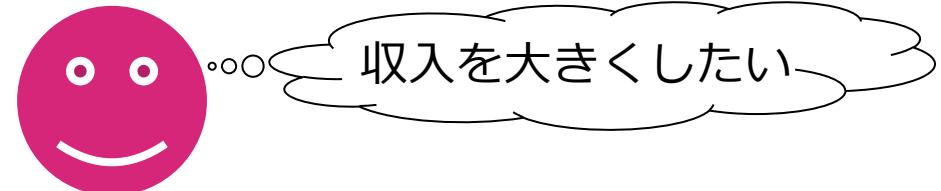


広告主



# 広告割当モデル

広告スペースの所有者

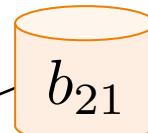
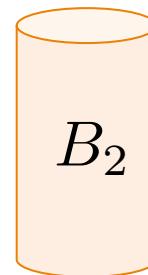


広告主

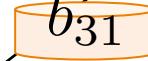


掲載権をいくらで買う？

ユーザー

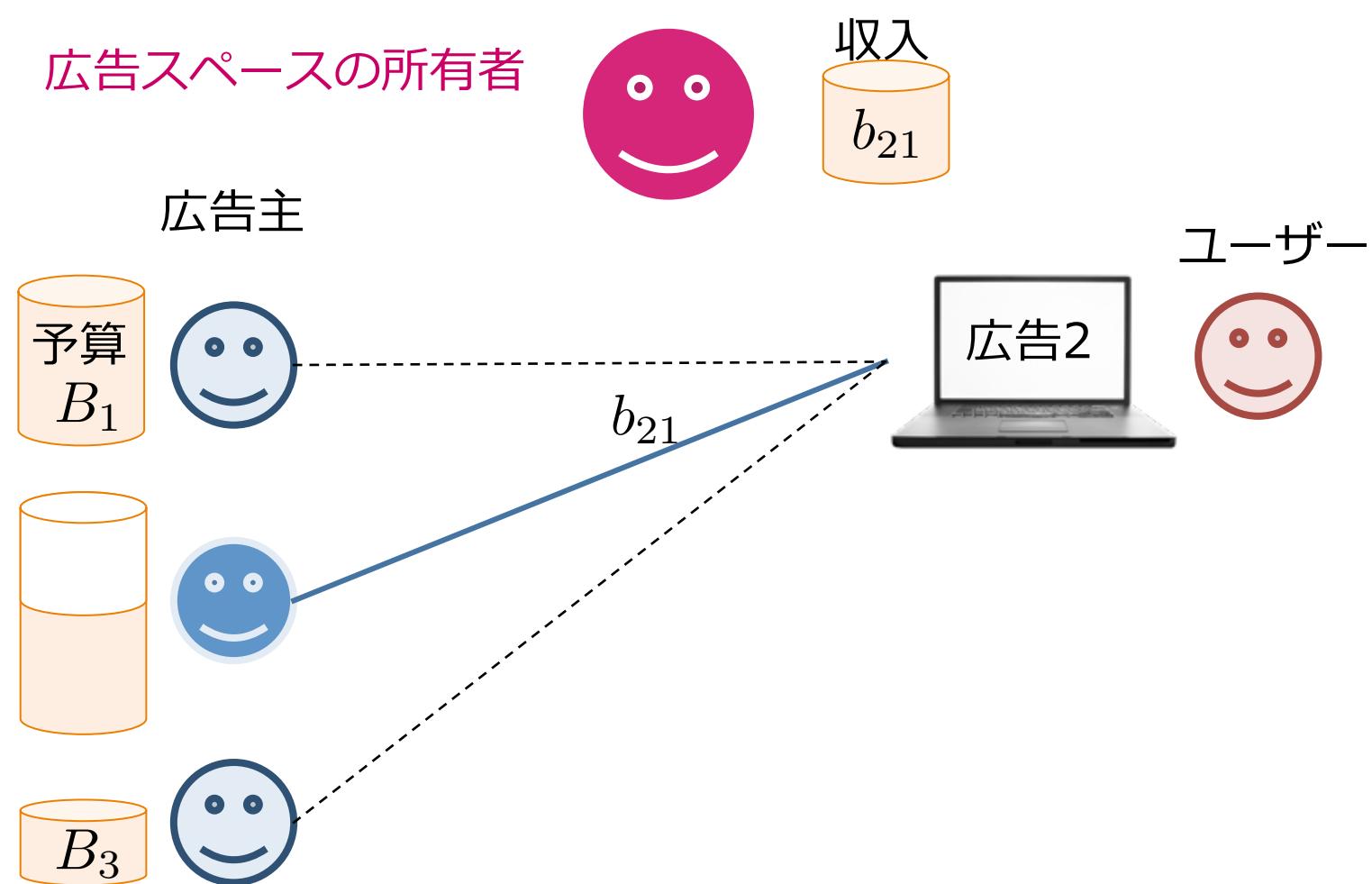


入札額



未知の情報がある中で意思決定  
オンライン問題

# 広告割当モデル

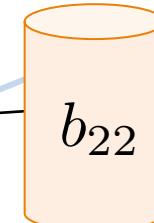
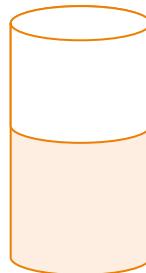


# 広告割当モデル

広告スペースの所有者



広告主

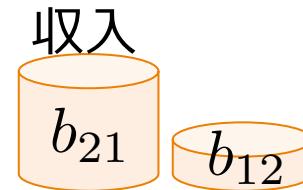


ユーザー

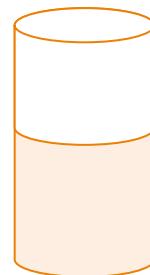
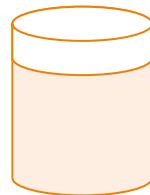


# 広告割当モデル

広告スペースの所有者



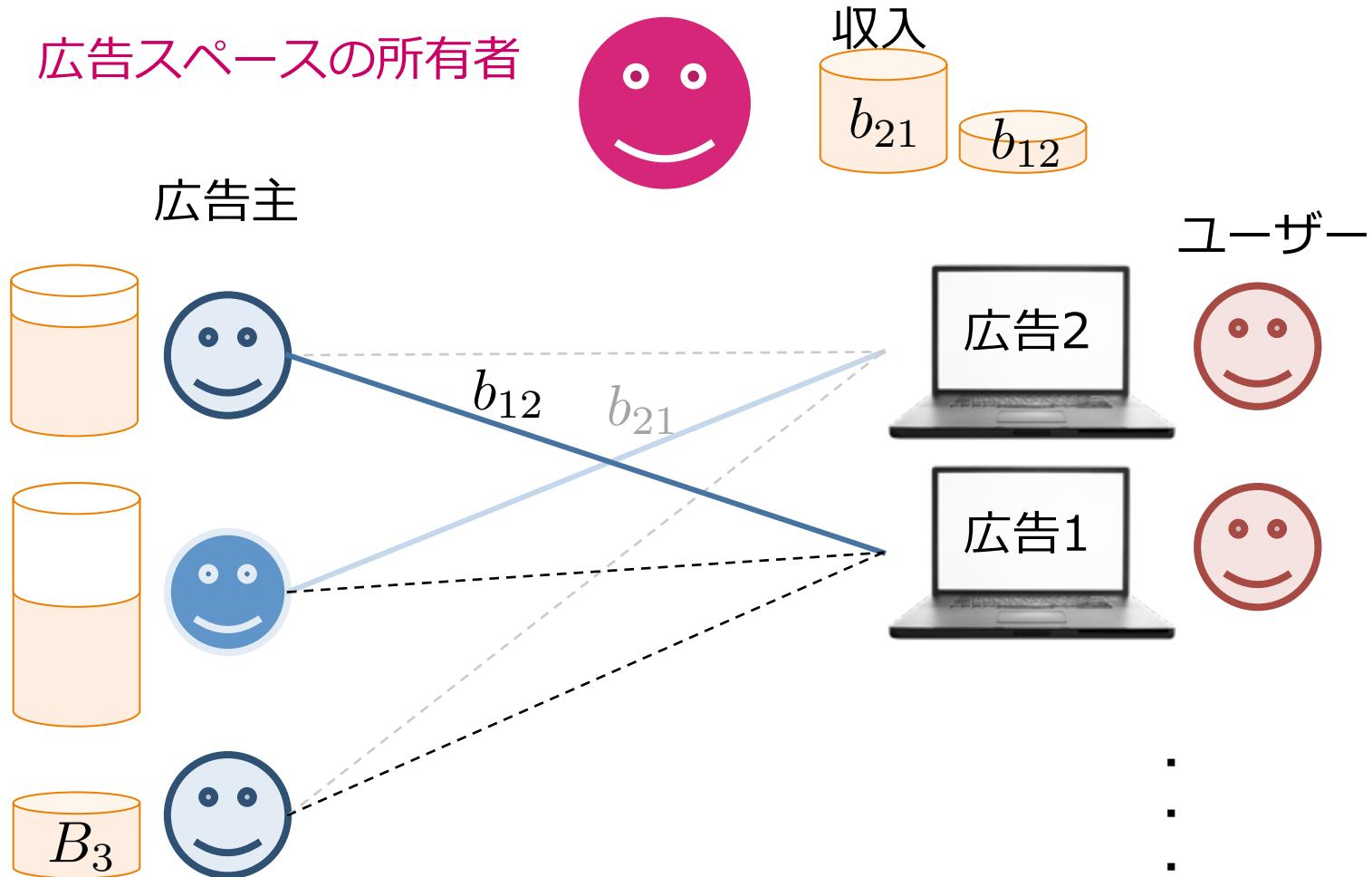
広告主



ユーザー



$b_{12}$   $b_{21}$



# 広告割当問題の定式化

[Mehta et al. 2007]

[Buchbinder et al. 2007]

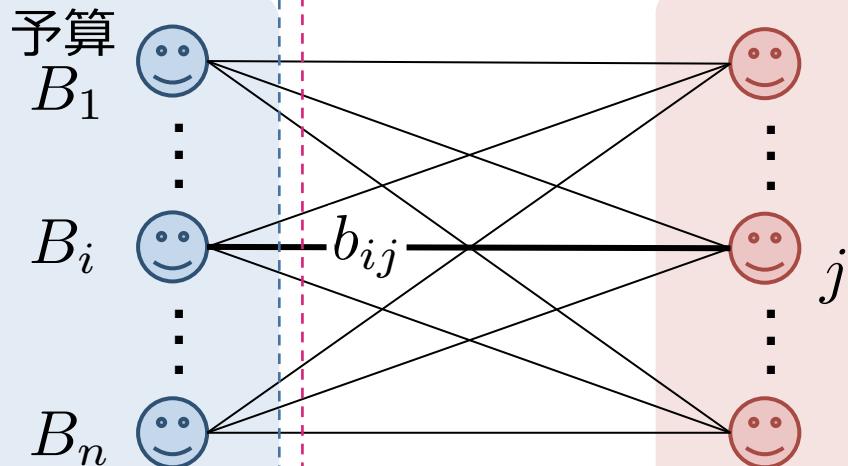
- 入力：重みつき二部グラフ  $(N, M; E)$

既知

広告主集合  $N$

ユーザー集合  $M$

最初は未知  
ひとりずつ入力



- 出力：各ユーザー  $j \in M$  に割当てる広告主  $i_j$

ただし予算制約を満たす  $\sum_{i \text{ は } j \text{ に割当}} b_{ij} \leq B_i$

- 目的：支払額の合計  $\sum_{j \in M} b_{i_j, j} \rightarrow \text{最大化}$

## 本研究の成果

## 1. 動画広告割当問題をオンライン問題として定式化

## 広告割当問題



# 動画広告割当問題



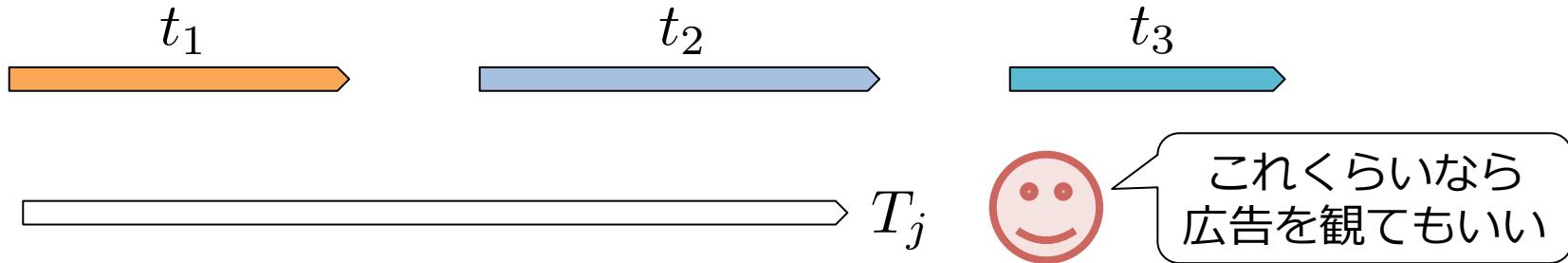
2. 競合比  $1 - 1/e$  のオンラインアルゴリズムを提案

# 動画広告と従来の広告との違い

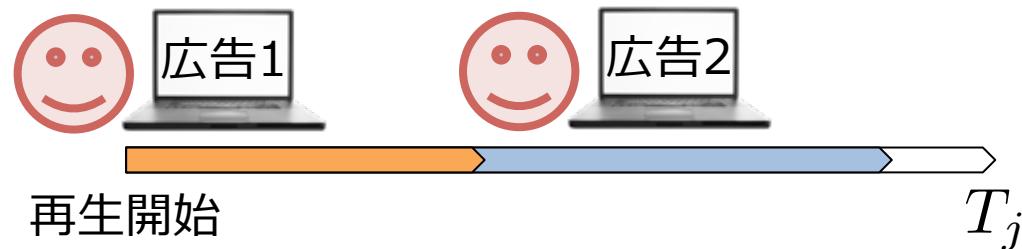


動画広告は**時間**をもつ

- 各広告主  $i$  の広告がもつ**長さ**  $t_i$
- 各ユーザー  $j$  のもつ**容量**  $T_j$

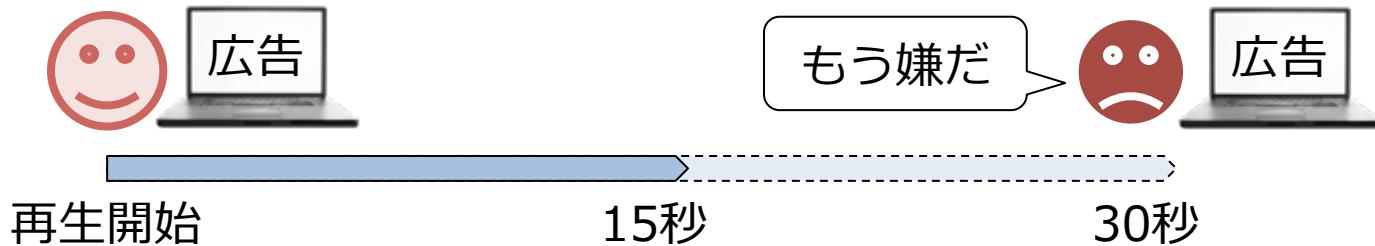


$\sum_{i \in S} t_i \leq T_j$  を満たす広告主集合  $S$  をユーザーに割当

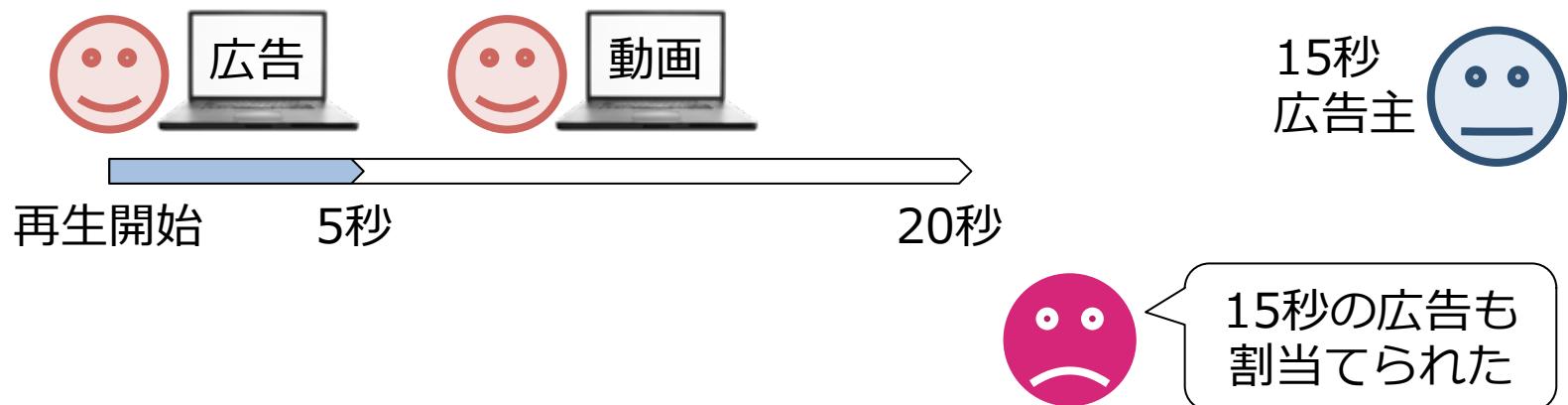


# 時間を考慮しないと生じる問題点

- 容量より長い動画広告を割当てる



- 多くの広告を割当てて収入を増やす機会を逃す



# 複数の広告を割当てるときの注意点

割当てた広告主からの支払額の決め方は様々あり得る

たとえば

1. 支払額 = 入札額 と決定
2. 支払額を envy-free (無羨望) 性が満たされるように決定

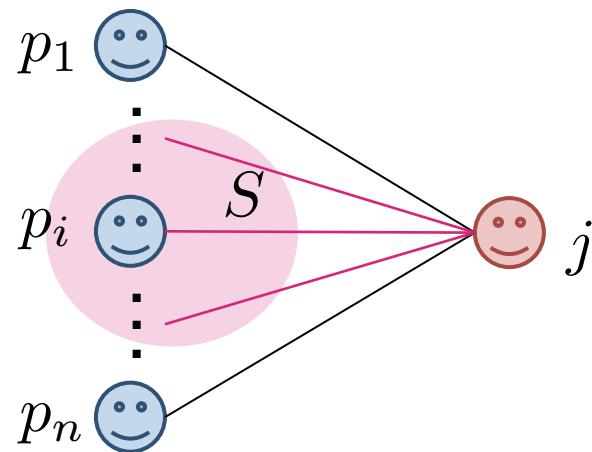


envy-freeな価格付け  
一意ではない

支払額を決定変数に含めて定式化

# 動画広告割当問題の出力

各ユーザー $j$ に対する実行可能な $(p, S)$



outcome

- 各広告主 $i$ の支払額  $p_i$
- 割当てる広告主集合  $S$

実行可能  $\Leftrightarrow$  容量制約 & 支払額の決め方 を満たす

$$\sum_{i \in S} t_i \leq T_j$$

1. 支払額 = 入札額

$$p_i = b_{ij} \ (\forall i \in S), \ p_i = 0 \ (\forall i \notin S)$$

2. envy-freeな価格付け

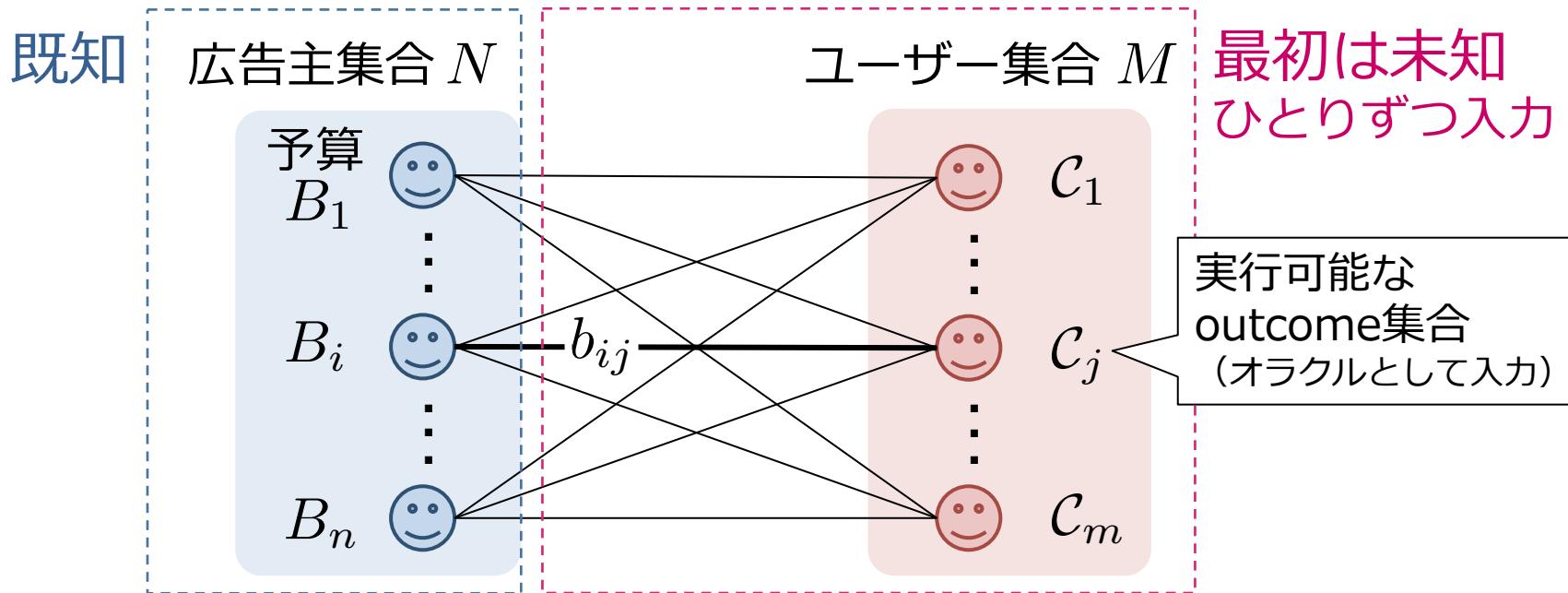
$$p_i \leq b_{ij} \ (\forall i \in S), \ p_i = 0 \ (\forall i \notin S)$$

$$p_i \geq p_{i'} \ (i, i' \in S, \ t_i \geq t_{i'})$$

# 動画広告割当問題の定式化

14/22

- 入力：重みつき二部グラフ  $(N, M; E)$



- 出力：各ユーザー  $j \in M$  に対する  $(p^j, S_j) \in \mathcal{C}_j$

ただし予算制約を満たす  $\sum_{i \text{ は } j \text{ に割当}} p_i^j \leq B_i$

- 目的：支払額の合計  $\sum_{j \in M} \sum_{i \in S_j} p_i^j \rightarrow \text{最大化}$

## 本研究の成果

## 1. 動画広告割当問題をオンライン問題として定式化

# 廣告割當問題



## 動画広告割当問題



2. 競合比  $1 - 1/e$  のオンラインアルゴリズムを提案

# 広告割当問題：先行研究

**競合比**  $1 - 1/e \approx 0.63$  のオンラインアルゴリズムが存在

[Mehta, Saberi, Vazirani, Vazirani 2007] by factor-revealing LP  
 [Buchbinder, Jain, Naor 2007] by 主双対法

$\forall$  問題例, (アルゴリズム)  $\geq (1 - 1/e) \cdot$  (オフラインの最適値)

- 仮定:  $R_{\max} = \max(\text{入札額}/\text{予算}) \ll 1$
- best possible

★ユーザーに複数人の広告主を割当てられる場合にも拡張可能

ただし支払額が一意に決まるとき [Goel, Mahdian, Nazerzadeh, Saberi 2010]

## 他にも関連研究

- 平均解析 (入力が未知の確率分布に従うとき) [Devanur, Hayes, 2009]
- オフラインの近似アルゴリズム [Chakrabarty, Goel 2010]  
 NP困難       $1 - R_{\max}/4$

# オンラインアルゴリズム設計方針

17/22

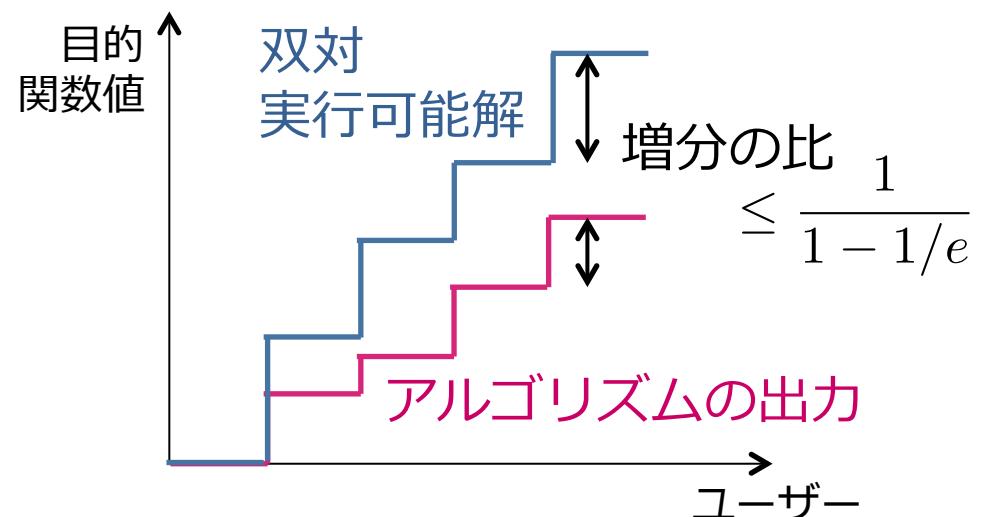
主双対法 [Buchbinder et al. 2007] に基づく

$$\text{オフラインの最適値} \leq \text{LP緩和} = \text{双対問題}$$

VI  
アルゴリズムの  
目的関数値

$$\frac{1}{1 - 1/e} \cdot \text{アルゴリズム}$$

〔アルゴリズムの出力  
双対実行可能解  
同時に構成〕



# 動画広告割当問題のLP緩和と双対問題

18/22

$$\begin{aligned}
 & \max && \sum_{j \in M} \sum_{c \in \mathcal{C}_j} \sum_{i \in N} p_{ci} x_{cj} \\
 \text{s.t.} & && \sum_{j \in M} \sum_{c \in \mathcal{C}_j} p_{ci} x_{cj} \leq B_i \quad \forall i \in N, \quad \text{予算制約} \\
 & && \sum_{c \in \mathcal{C}_j} x_{cj} \leq 1 \quad \forall j \in M, \quad \text{outcomeひとつ} \\
 & && x_{cj} \geq 0 \quad \forall j \in M, c \in \mathcal{C}_j
 \end{aligned}$$

ユーザー  $j$  に outcome  $c$  を選択？

||

$$\begin{aligned}
 & \min && \sum_{i \in N} B_i y_i + \sum_{j \in M} z_j \\
 \text{s.t.} & && y_i \geq 0 \quad \forall i \in N, \\
 & && z_j \geq 0 \quad \forall j \in M, \\
 & && z_j \geq \sum_{i \in N} p_{ci} (1 - y_i) \quad \forall j \in M, c \in \mathcal{C}_j
 \end{aligned}$$

実行可能 outcome 集合  
仮定：下に閉じている

順番に明らかになる

# 提案アルゴリズム

1. 初期化 :  $y = 0$

$$\begin{aligned} \min \quad & \sum_{i \in N} B_i y_i + \sum_{j \in M} z_j \\ \text{s.t.} \quad & y_i \geq 0 \quad \forall i \in N, \\ & z_j \geq 0 \quad \forall j \in M, \\ & z_j \geq \sum_{i \in N} p_{ci}(1 - y_i) \quad \forall j \in M, c \in \mathcal{C}_j \end{aligned}$$

2. ユーザー  $j$  が来たとき :

- $(p^*, S^*) \in \mathcal{C}_j$  :  $\sum_{i \in N} p_i(1 - y_i)$  が最大の outcome

- $z_j \leftarrow \sum_{i \in S^*} p_i^*(1 - y_i)$

- $y_i \leftarrow y_i \left(1 + \frac{p_i^*}{B_i}\right) + \frac{p_i^*}{(r-1)B_i} \quad (\forall i \in N)$

$$r = (1 + R_{\max})^{\frac{1}{R_{\max}}}$$

- $x_{cj} \leftarrow 1 \quad c = (p, S)$  残り予算が少ない人を除く

# 提案アルゴリズム

1. 初期化 :  $y = 0$

$$\begin{aligned} \min \quad & \sum_{i \in N} B_i y_i + \sum_{j \in M} z_j \\ \text{s.t.} \quad & y_i \geq 0 \quad \forall i \in N, \\ & z_j \geq 0 \quad \forall j \in M, \\ & z_j \geq \sum_{i \in N} p_{ci}(1 - y_i) \quad \forall j \in M, c \in \mathcal{C}_j \end{aligned}$$

2. ユーザー  $j$  が来たとき:

- $(p^*, S^*) \in \mathcal{C}_j$  :  $\sum_{i \in N} p_i(1 - y_i)$  が最大の outcome

- $z_j \leftarrow \sum_{i \in S^*} p_i^*(1 - y_i)$
- $y_i \leftarrow y_i \left(1 + \frac{p_i^*}{B_i}\right)$
- $x_{cj} \leftarrow 1$

$y_i$ : 予算消化率に対応

$y_i$  増  $\Rightarrow$  優先度  $\downarrow$

$$r = (1 + R_{\max})^{\frac{1}{R_{\max}}}$$

定理: 競合比 =  $(1 - 1/r) \cdot (1 - R_{\max})$

$$\rightarrow 1 - 1/e \quad (R_{\max} \rightarrow 0)$$

# 部分問題の解法

$(p^*, S^*) \in \mathcal{C}_j : \sum_{i \in N} p_i(1 - y_i)$  が最大の outcome

$\mathcal{C}_j$  の構造に依存

- $\alpha$ 近似アルゴリズムを利用 → 競合比  $\alpha (1 - 1/r_\alpha) (1 - R_{\max})$   
 $r_\alpha = (1 + R_{\max}/\alpha)^{\frac{1}{R_{\max}}}$
- 現実的には擬多項式時間厳密解法も利用可能

## 1. 支払額 = 入札額

$$\boxed{\quad} = \begin{array}{ll} \max & \sum_{i \in N} b'_i u_i \\ \text{s.t.} & \sum_{i \in S} t_i u_i \leq T_j \\ & u_i \in \{0, 1\} \quad \forall i \in N \end{array}$$

ナップサック問題

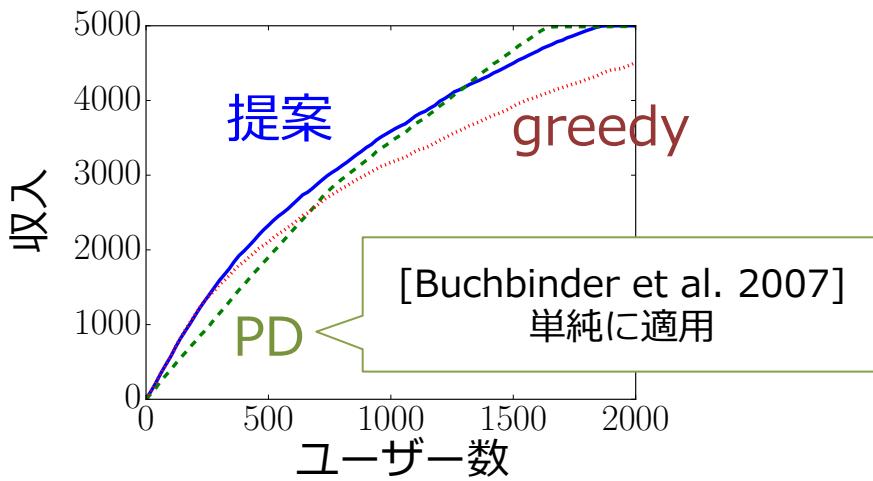
$$b'_i = b_{ij}(1 - y_i)$$

DPで  $O(nT_j)$  時間可解  
 ↑  
 60程度

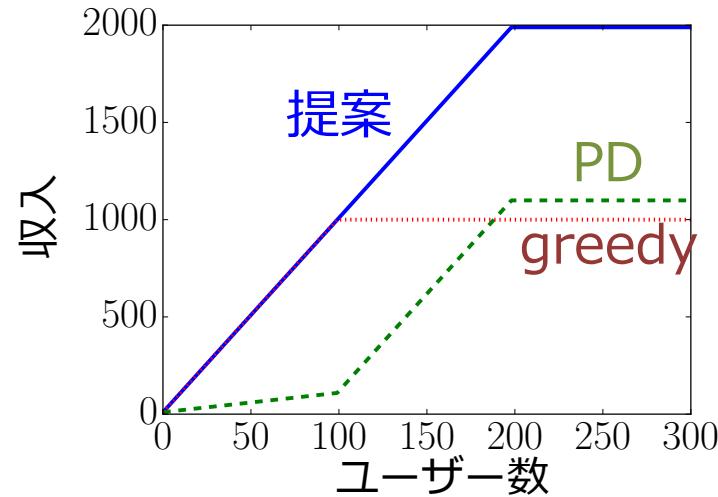
## 2. envy-freeな価格付け

補題:  $\boxed{\quad}$  は DPで  $O(n^2 T_j)$  時間可解

## 1. ランダムデータ



## 2. 人工的に偏らせたデータ



## 3. 実際のログに基づくデータ (Yahoo! JAPANストリーミングサービス) 広告数 = 82, ユーザー数 = 21,306,810

- 予算消化率:

	提案	PD	greedy
73.5	71.7	70.7	

- 実験所要時間 2271s (1ユーザーあたり0.1ms以下)

# まとめ

## 1. 動画広告割当問題をオンライン問題として定式化

動画広告割当問題

広告割当問題

## 2. 競合比 $1 - 1/e$ のオンラインアルゴリズムを提案

- 広告割当問題のbest possibleな競合比と一致
- 容量制約・支払額の決め方に明示的には依存しない
- envy-freeな価格付けも擬多項式時間で計算可能