

Progressive Comparison for Ranking Estimation (IJCAI-16)

Ryusuke Takahama Kyoto University / JST, ERATO

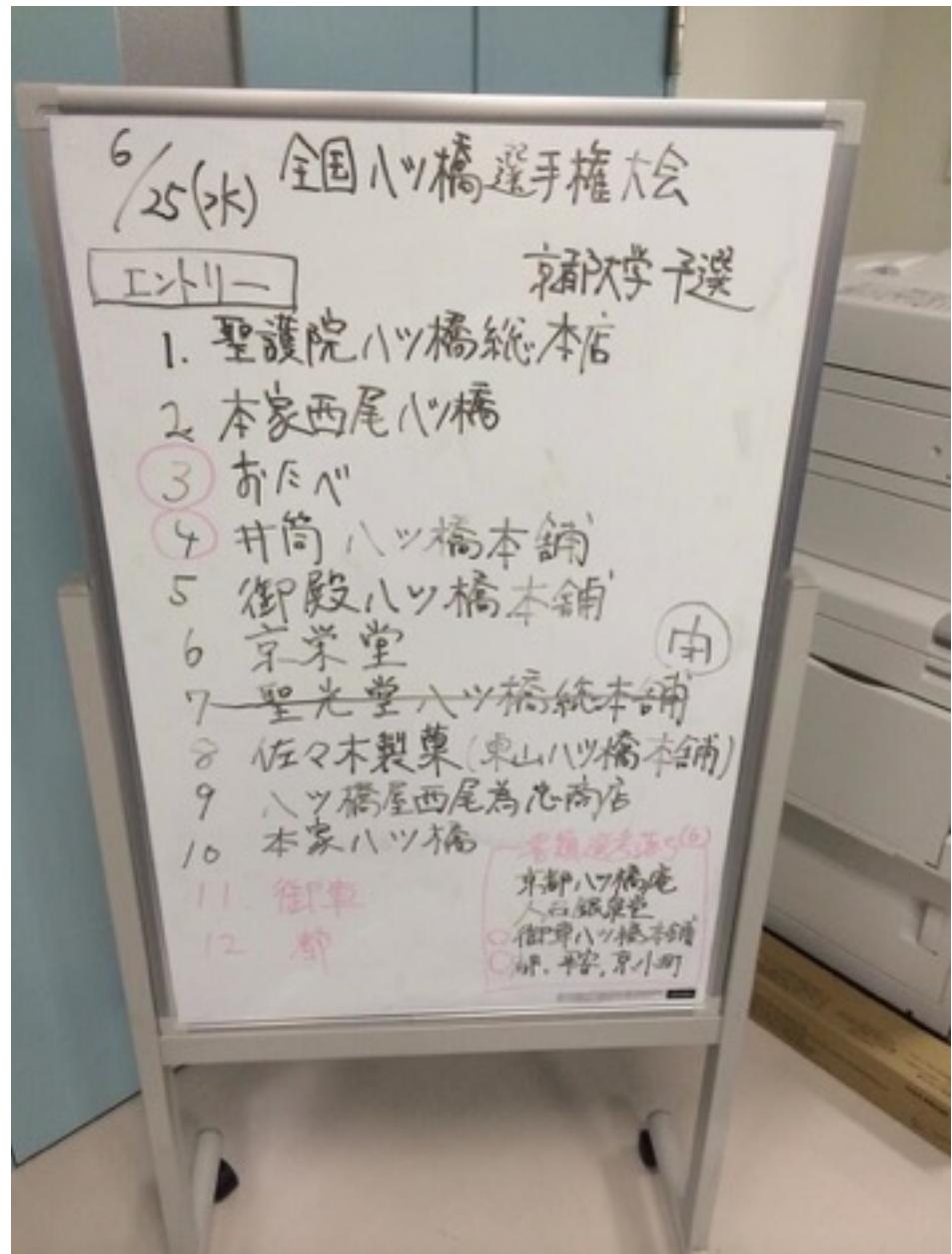
Toshihiro Kamishima AIST

Hisashi Kashima Kyoto University

Outline

- Background
- Problem setting
- **Progressive Comparison**
- **Active learning** of Progressive Comparison
 - Change in Distributions
 - Change in Winning Probabilities
- Experimental results

The 1st All Japan Yatsuhashi Championship



私たちはお土産にどの八ッ橋を買えばよいのか

Which is the Best Yatsuhashi Brand for a Souvenir?

高濱 隆輔^{*1}

Ryusuke Takahama

大谷 直樹^{*1}

Naoki Otani

横井 祥^{*1}

Sho Yokoi

荒井 智裕^{*1}

Tomohiro Arai

則 のぞみ^{*2}

Nozomi Nori

鵜飼 紀衣^{*2}

Norie Ugai

中澤 巧爾^{*2}

Koji Nakazawa

鹿島 久嗣^{*2}

Hisashi Kashima

^{*1}京都大学工学部情報学科 計算機科学コース ソフトウェア基礎論分野

Group of Foundation of Software Science, Undergraduate Course Program of Computer Science

Undergraduate School of Infomatics and Mathematical Science, Faculty of Engineering, Kyoto University

^{*2}京都大学大学院情報学研究科 知能情報学専攻 ソフトウェア基礎論分野

Group of Foundation of Software Science, Department of Intelligence Science and Technology

Graduate School of Informatics, Kyoto University



れを買っても同じなのかという問い合わせるべく、数理モデルを用いた検証を行った。具体的には、先行研究 [e 京都 10] に基づき、京都市内で販売されている八ッ橋のうち主要なもの 11 銘柄を、9人の評価者が実際に試食、評価を行い、これを

- (1) 勝率
- (2) 主固有ベクトル [Keener 93]
- (3) Bradley-Terry モデル [Bradley 52]

地域 > 近畿

2015年3月17日

京都大学の研究成果論文「私たちはお土産にどのハッ橋を買えばよいのか」

多くの人の悩みが解決される...かもしれない。

[ハッ橋](#) [八つ橋](#) [土産](#) [京都](#) [京都大学](#) [論文](#) [研究](#) [研究成果論文](#) [編集部](#)
 somali_bleu 118641view 31コメント

Twitter 2344 B! 526 Facebook 6499

★お気に入り



301

まとめ

メニュー



Eriko Amano @sabarya

2015-03-16 22:51:46

京都大学情報学研究科・工学部情報学科の研究成果です。(PDF) / "私たちはお土産にどのハッ橋を買えばよいのか" htn.to/4JSMUX



うさこじぞう @usako_jizou

2015-03-17 08:04:01

「私たちはお土産にどのハッ橋を買えばよいのか」
京大工学部の論文でしたよ。しっかりとした実験に基づいた論文だ....。
[ml.ist.i.kyoto-u.ac.jp/wp/wp-content/...](http://ml.ist.i.kyoto-u.ac.jp/wp/wp-content/)



敷土直志 @sudotadashi

2015-03-17 09:19:21

長年の悩みが解決する(^.^)"@sabarya: 京都大学情報学研究科・工学部情報学科の研究成果です。(PDF) / "私たちはお土産にどのハッ橋を買えばよいのか" htn.to/4JSMUX"

Pictures are reprinted from <http://together.com/li/796213>

トゥギャトビ!

編集部がオススメまとめをピックアップしてお届け中



荀名人に聞いた「本当の筍の食べ方」
生でも食べれる?スーパーの筍とは違う真の筍とは

井の頭公園にいるブルースじいさんが泣いNEW!
真のブルースマンによる圧巻の演奏が話題に!

#世界猫の日 でさまざまな猫が大集合!NEW!
かわいい猫、美人な猫...橋本理奈や阿部サダヲまで!?

8/8にパインアメで全力で遊ぶ各公式アカNEW!
コラ画像を作ったりチャーハンに混ぜたり

関西のいろんな日本酒を京都で飲み比べ!NEW!
お酒だけではなく京野菜料理も目白押しのフェスです!

熊本城や神社仏閣の被害状況が見える旅路NEW!
観光を楽しみながら、復興を祈ります

リアルタイムランキング

7分40秒前更新

1

「天皇陛下お気持ち表明」 フォントは放送開始14分後、皿は27分後にはほぼ特定、そして難解と思われた石も



UP

2

某「私信」回答に対する反応



カテゴリー

注目まとめ

今週の人気

新着まとめ

ゴジラ! 今週のトゥギャジン

肉GO お肉ガチャ当選報告

まとめ

ヘルプ

地域 > 近畿

京都
えに

118642view

この八ッ橋を買

2015年3月17日

多くの

八ッ橋 八つ橋 土産 京 京都大学 論文 研究 研究成果論文

somali_bleu 118641view 31コメント

2344

B! 526

f 6499

お気に入り

トゥギャトビ!

編集部がオススメまとめをピックアップしてお届け中

荀名人に聞いた「本当の筍の食べ方」
生でも食べれる?スーパーの筍とは違う真の筍とは

まとめ

Erik
京
ち

2344



526



6499

うさこじぞう @usako_jizou

2015-03-17 08:04:01

「私たちはお土産にどの八ッ橋を買えばよいのか」

京大工学部の論文でしたよ。しっかりとした実験に基づいた論文だ....。

[ml.ist.i.kyoto-u.ac.jp/wp/wp-content/...](http://ml.ist.i.kyoto-u.ac.jp/wp/wp-content/)

お酒だけではなく京野菜料理も目白押しのフェスです!

熊本城や神社仏閣の被害状況が見える旅路NEW!

観光を楽しみながら、復興を祈ります

リアルタイムランキング

7分40秒前更新

1

「天皇陛下お気持ち表明」フォントは放送開始14分後、皿は27分後にはほぼ特定、そして難関と思われた石も



UP

2

某「私信」回答に対する反応



数土直志 @sudotadashi

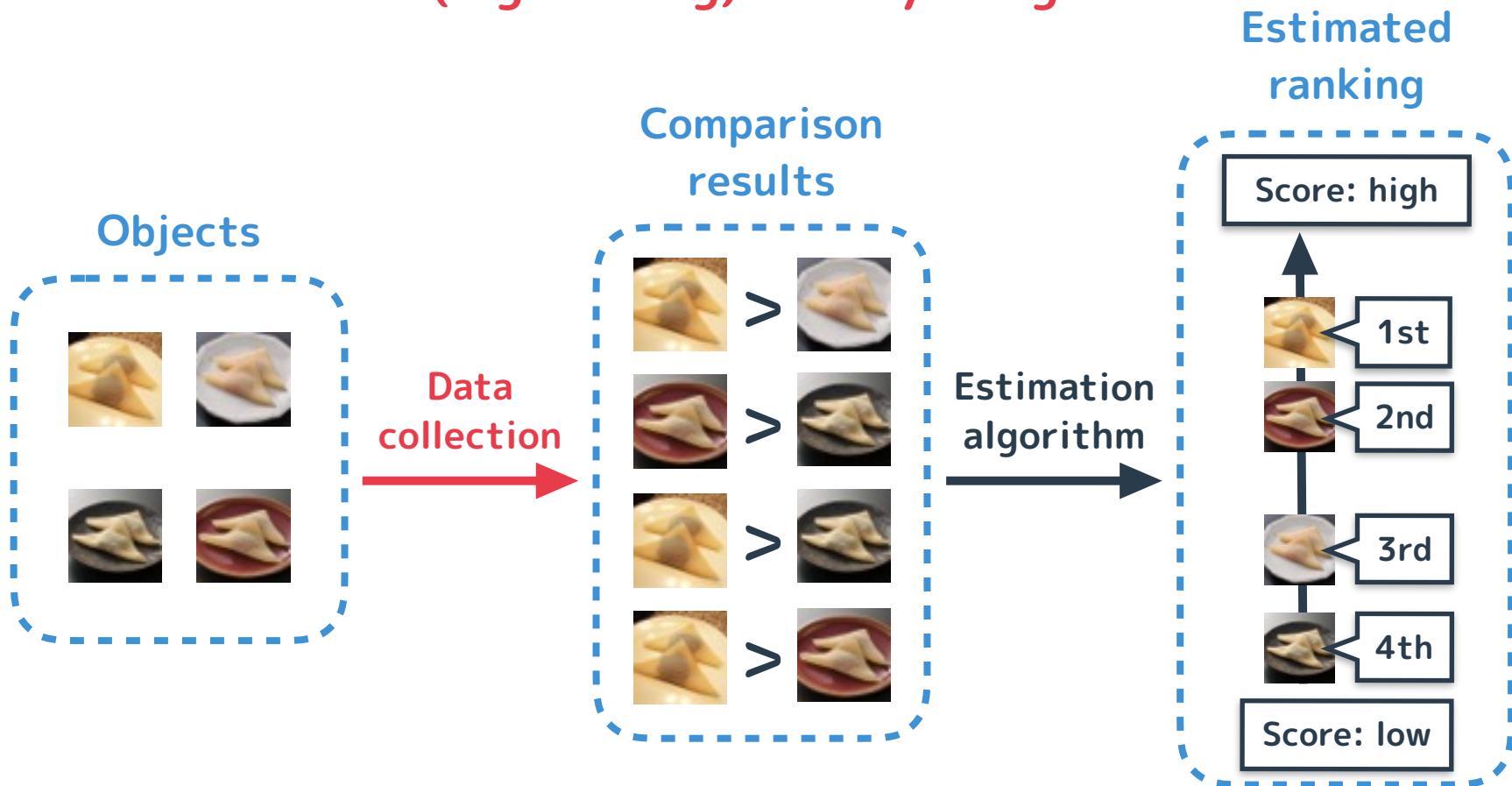
2015-03-17 09:19:21

長年の悩みが解決する(^.^)"@sabarya: 京都大学情報学研究科・工学部情報学科の研究成果です。(PDF) / "私たちはお土産にどの八ッ橋を買えばよいのか" htn.to/4JSMUX"Pictures are reprinted from <http://together.com/li/796213>

Background:

The 1st All Japan Yatsuhashi Championship

- Estimate Yatsuhashi ranking using pairwise comparison data
 - Data-collection (e.g. eating) is very tough

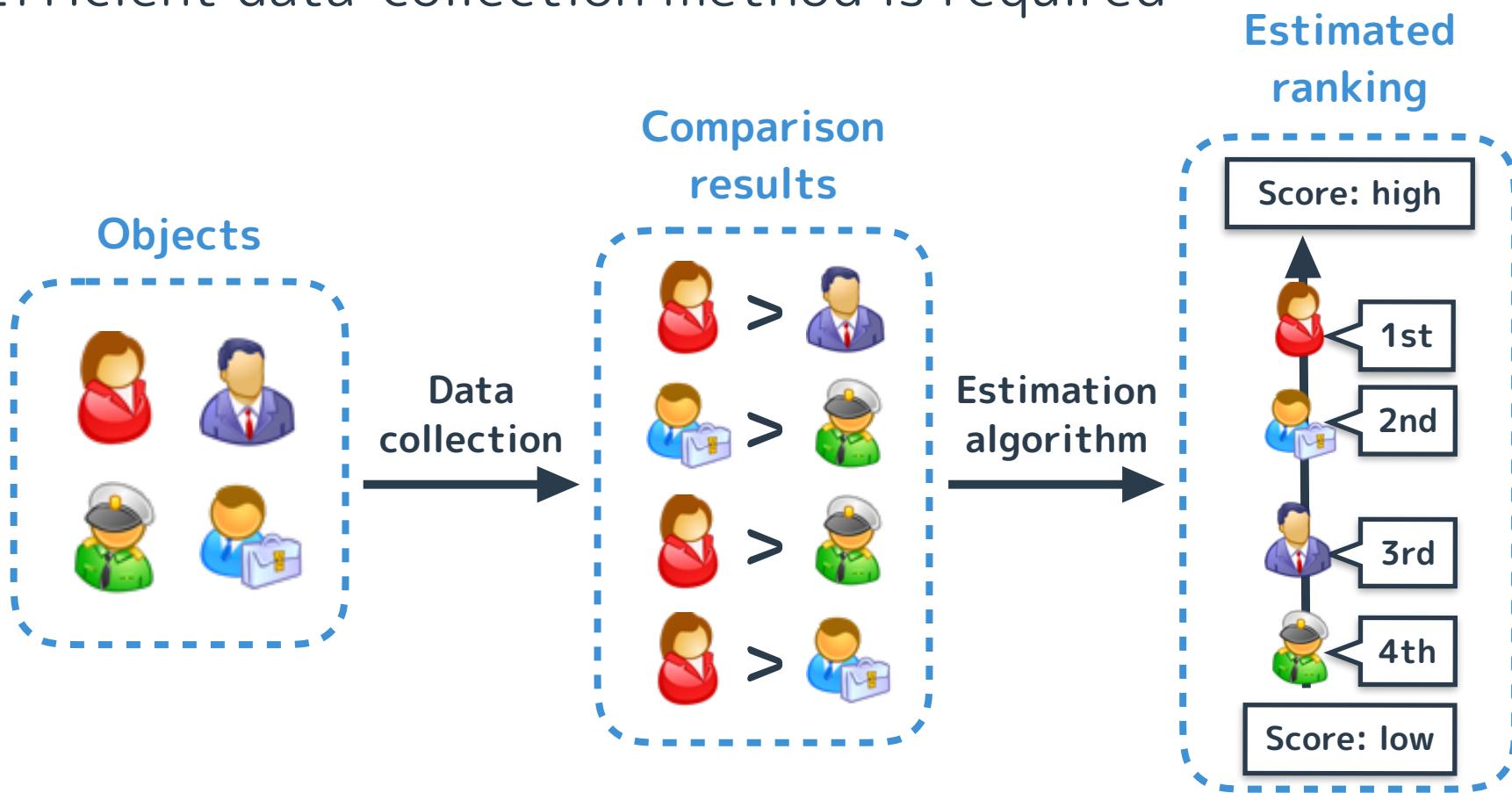


Pictures are reprinted from <http://www.oboco.net/>

Problem setting:

Estimate ranking from pairwise comparison data

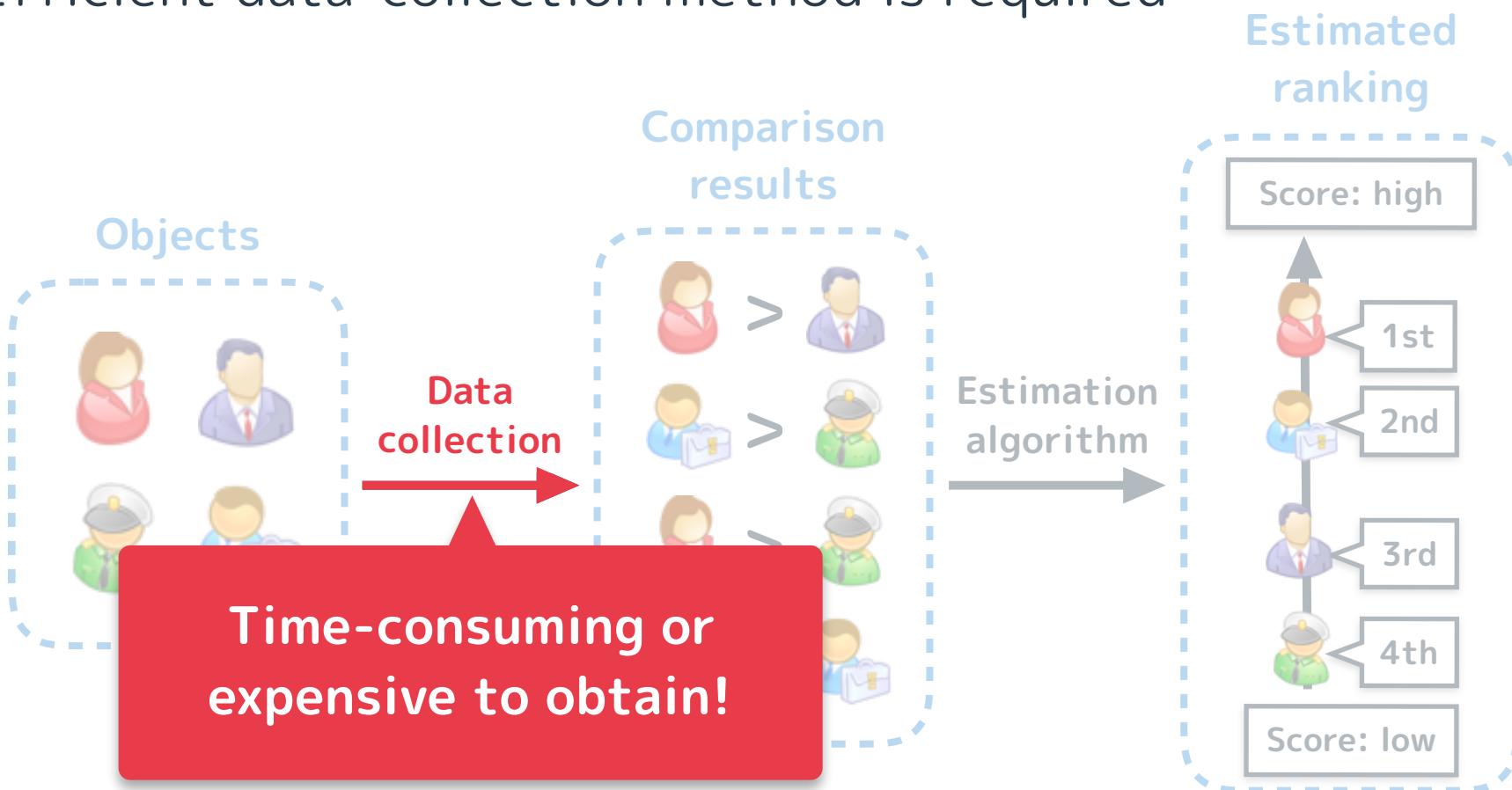
- Estimate objects ranking using pairwise comparison data
- Efficient data-collection method is required



Problem setting:

Estimate ranking from pairwise comparison data

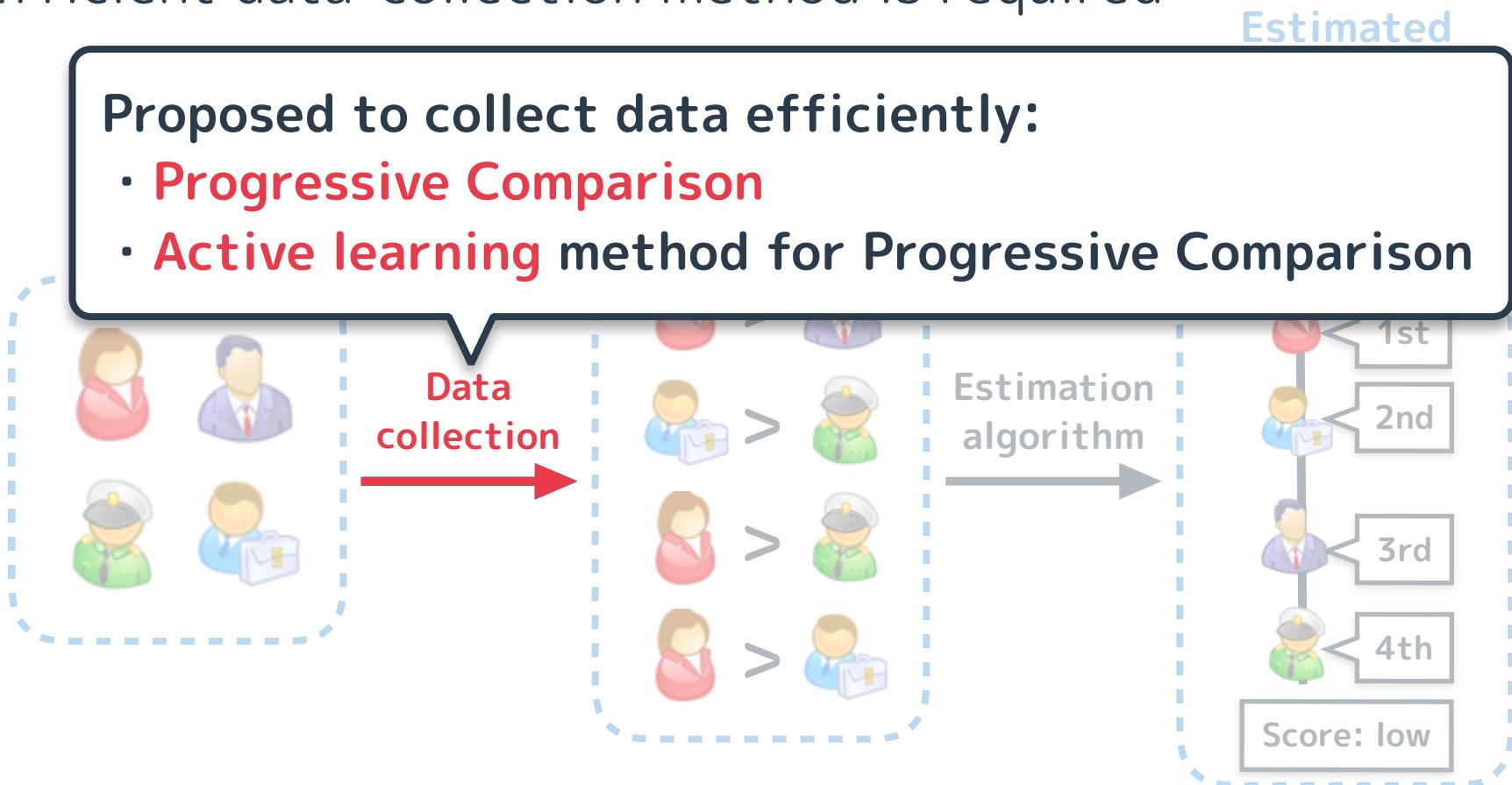
- Estimate objects ranking using pairwise comparison data
- Efficient data-collection method is required



Problem setting:

Estimate ranking from pairwise comparison data

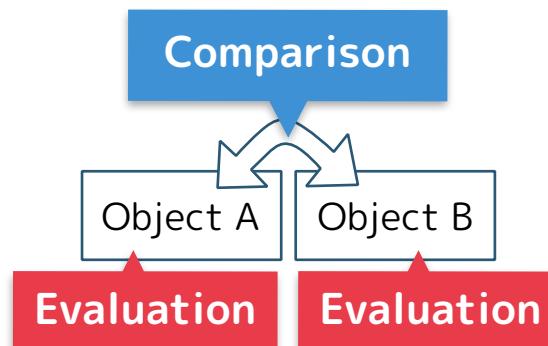
- Estimate objects ranking using pairwise comparison data
- Efficient data-collection method is required



Model of evaluators:

Evaluators evaluate objects and then compare them

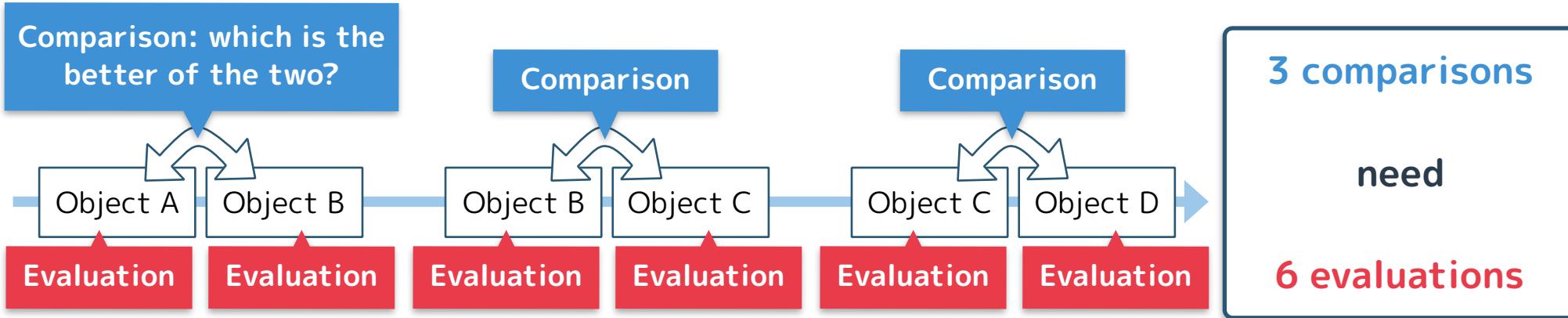
- Definition:
 - **Evaluation:** giving an (internal) score to an object
 - **Comparison:** determining the winner based on the two objects scores to create one comparison result
- Assumption:
 - **The cost of an evaluation is substantially larger than that of a comparison**
 - **Evaluators can not remember many internal scores of objects**



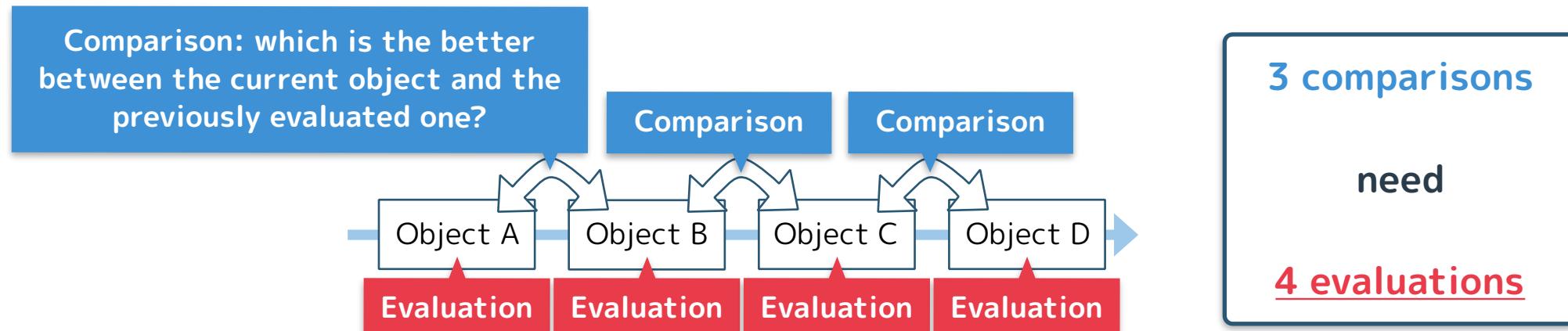
Progressive Comparison:

Data-collection method needing fewer evaluations

- Existing method (Standard pairwise comparison):



- Proposed method (**Progressive Comparison**):

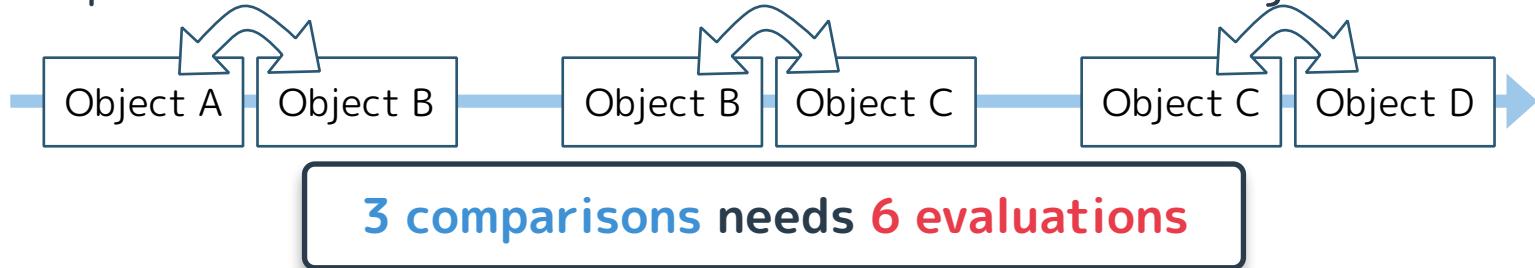


Standard pairwise v.s. Progressive:

Progressive Comparison needs fewer evaluations

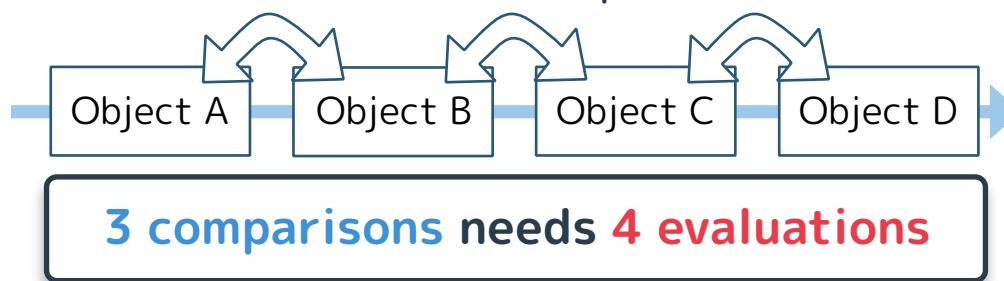
■ Standard pairwise comparison:

- N comparison results need **2N evaluations** of objects



■ Progressive Comparison:

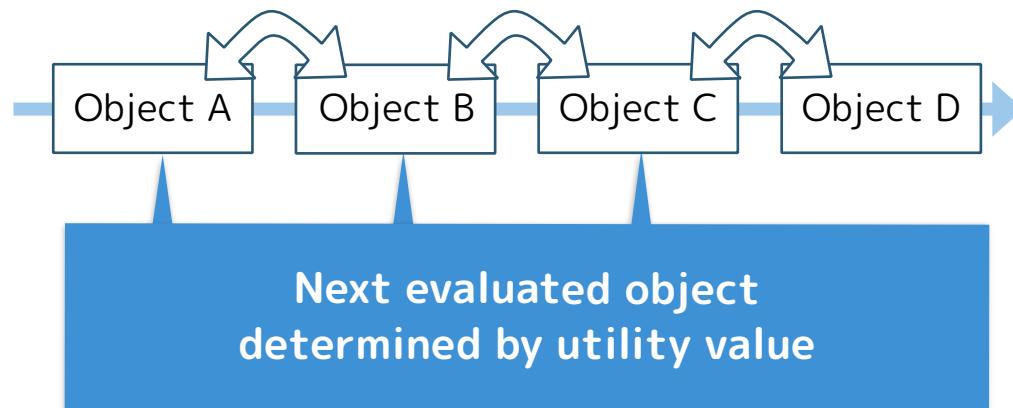
- N comparison results need **(N + 1) evaluations** of objects
- However, this method has a constraint: each object must be compared in two consecutive comparisons



Active learning for Progressive comparison:

Estimate ranking efficiently by selecting pairs

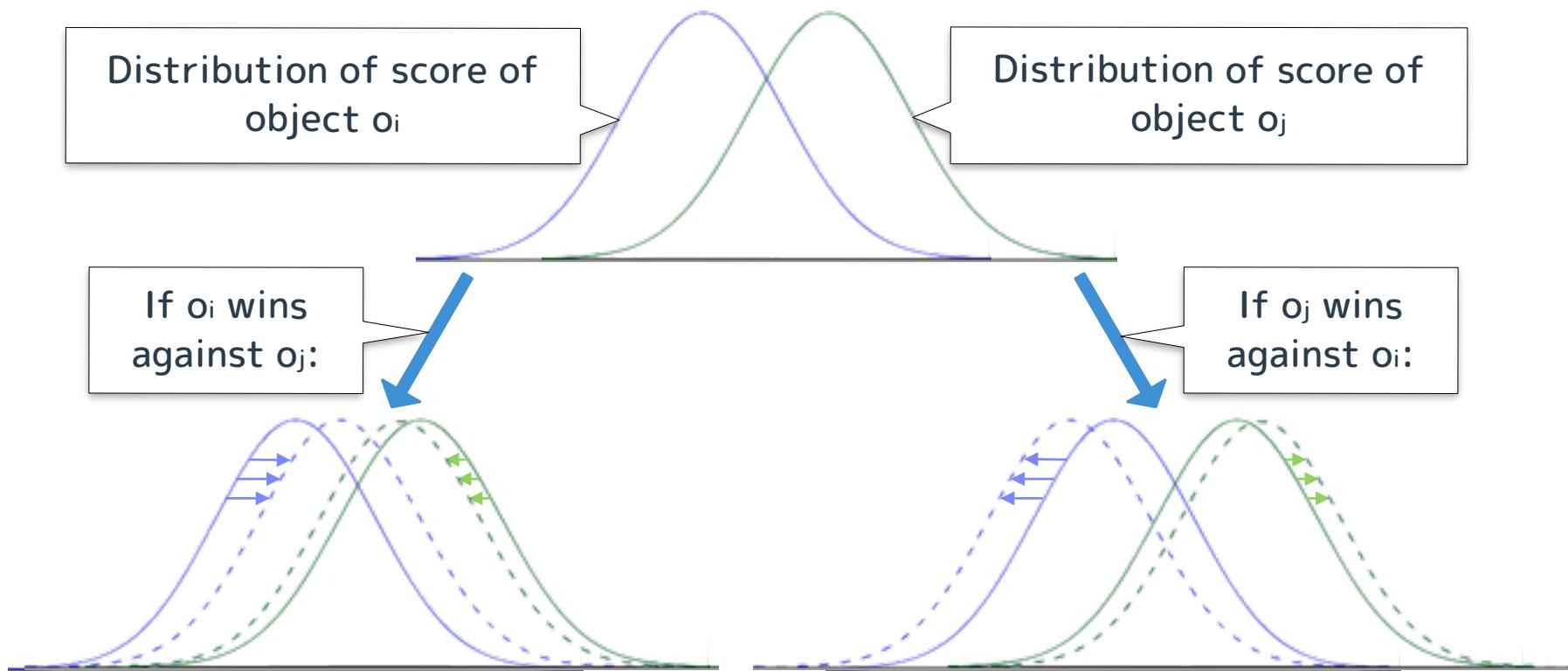
- **Utilities** calculated for each pair
- Priority given to a pair that has larger utility value
- Two definitions of utility proposed:
 - (i) **Change in Distributions (CiD)**:
expectation of changes in distributions of object scores
 - (ii) **Change in Winning Probabilities (CiWP)**:
expectation of changes in winning probability matrices



(i) Change in Distributions (CiD):

Calculate expectation of changes in distributions

- Expectation of changes in distributions calculated by KL divergence between normal distributions:



(ii) Change in Winning Probabilities (CiWP):

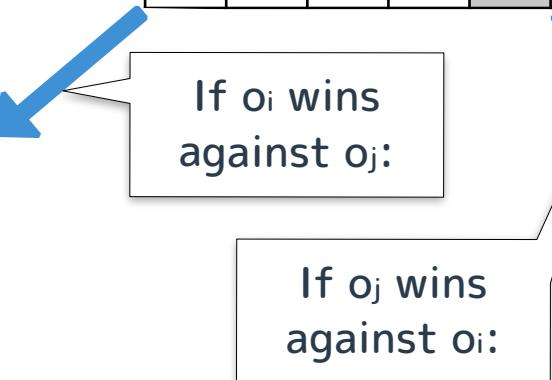
Calculate expectation of changes of matrices

- Expectation of changes in matrices calculated by KL divergence between Bernoulli distributions:

	O_i		O_j		
O_i	—	0.3	0.5	0.9	0.7
	0.7	—	0.8	0.4	0.9
	0.5	0.2	—	0.2	0.4
O_j	0.1	0.6	0.8	—	0.6
	0.3	0.1	0.6	0.4	—

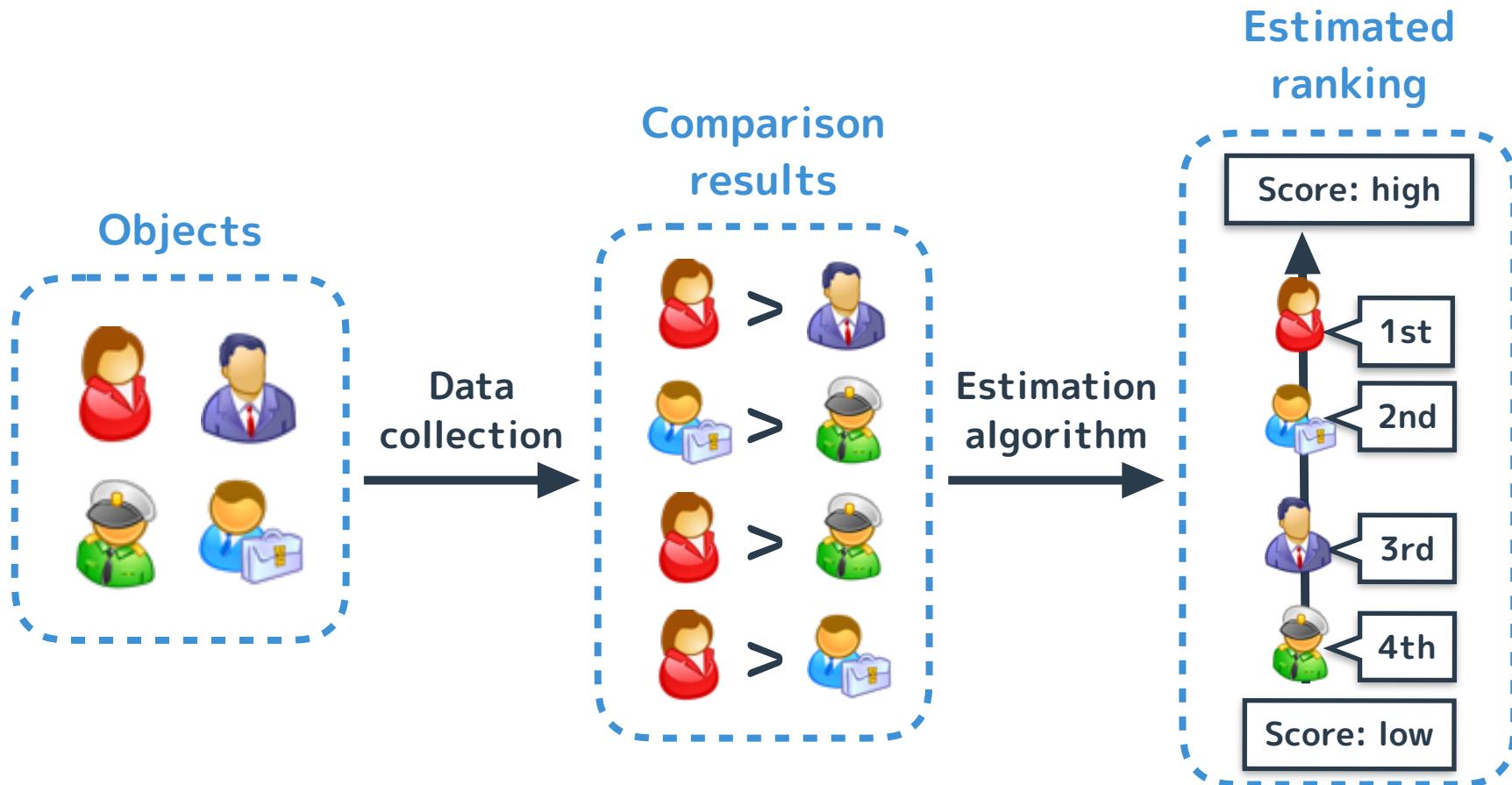
	O_i		O_j		
O_i	—	0.2	0.4	0.7	0.6
	0.8	—	0.8	0.3	0.9
	0.6	0.2	—	0.1	0.4
O_j	0.3	0.7	0.9	—	0.7
	0.4	0.1	0.6	0.3	—

	O_i		O_j		
O_i	—	0.1	0.3	0.5	0.5
	0.9	—	0.8	0.2	0.9
	0.7	0.2	—	0.1	0.4
O_j	0.5	0.8	0.9	—	0.8
	0.5	0.1	0.6	0.2	—



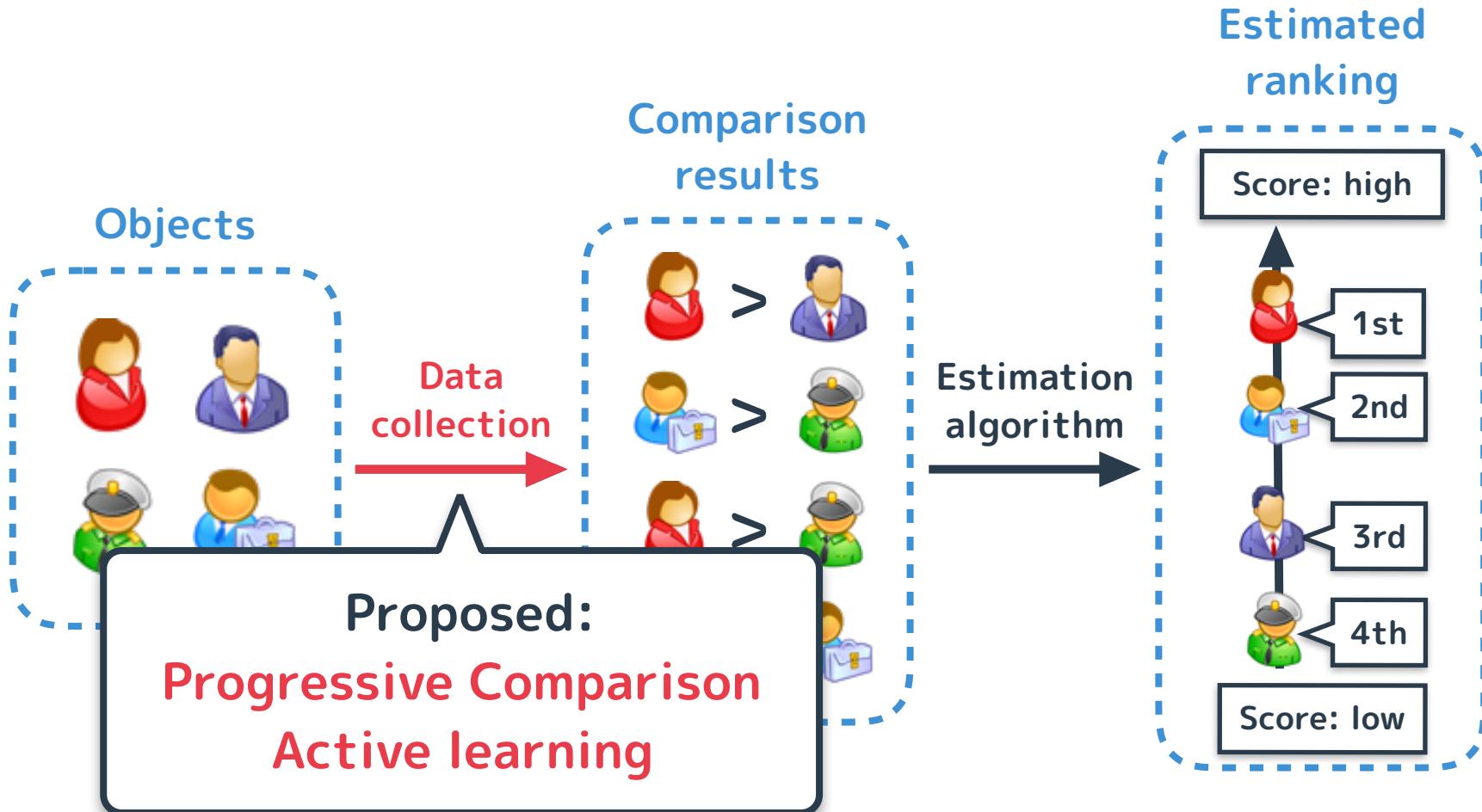
Experiment settings:

Ranking estimation using Glicko Update Equation



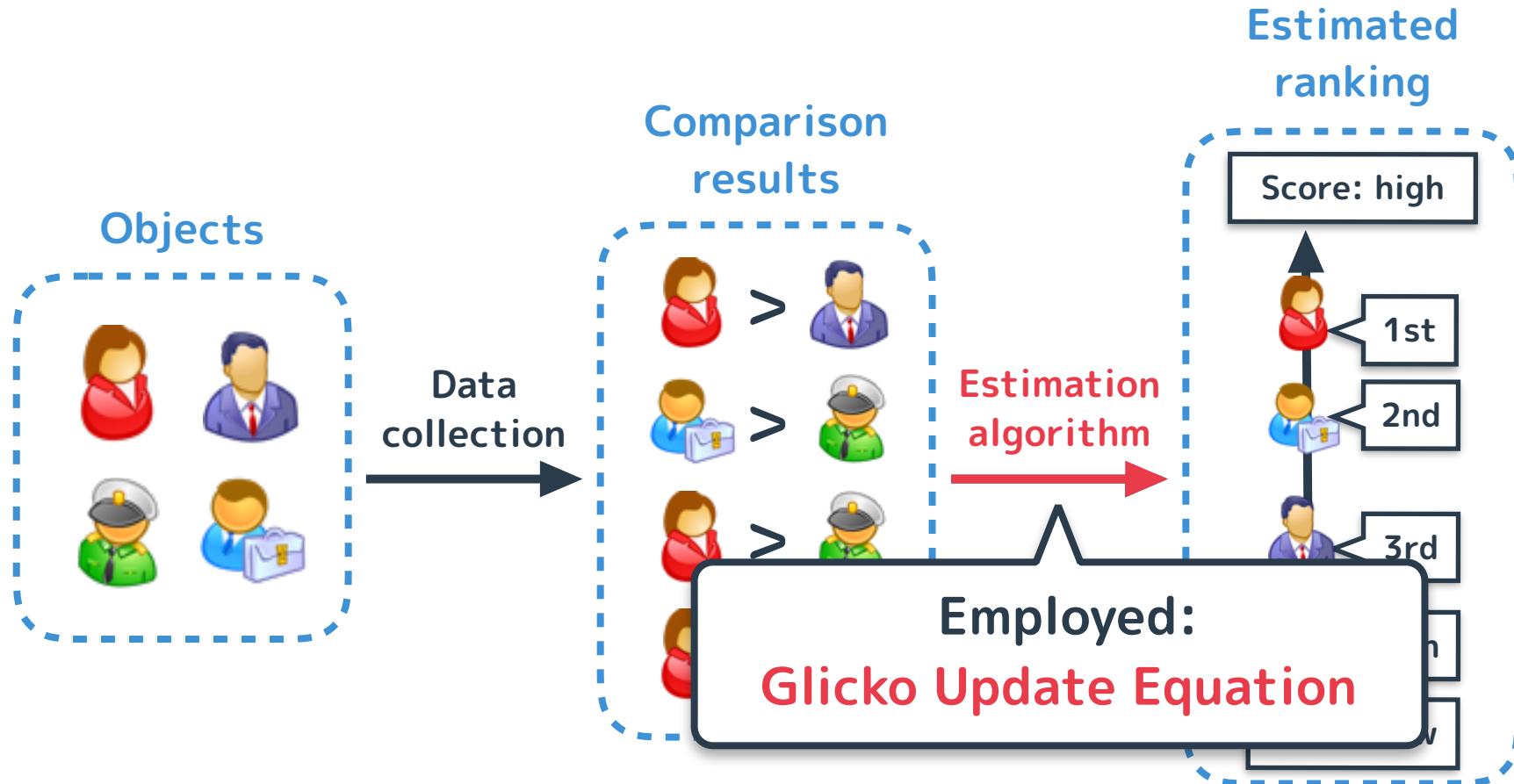
Experiment settings:

Ranking estimation using Glicko Update Equation



Experiment settings:

Ranking estimation using Glicko Update Equation



Experiment settings:

Ranking estimation using Glicko Update Equation

Glicko Update Equation:

- Online ranking estimation algorithm of Bradley-Terry model
- Update scores of object using comparison result

$$\mu' = \mu + \frac{q}{1/\sigma^2 + 1/\delta^2} \sum_{j=1}^m \sum_{k=1}^{n_j} g(\sigma_j^2) \{s_{jk} - E(s|\mu, \mu_j, \sigma_j^2)\},$$



Updated score Old score Comparison result

Glickman, Mark E. "Parameter estimation in large dynamic paired comparison experiments." Journal of the Royal Statistical Society: Series C (Applied Statistics) 48.3 (1999): 377-394.

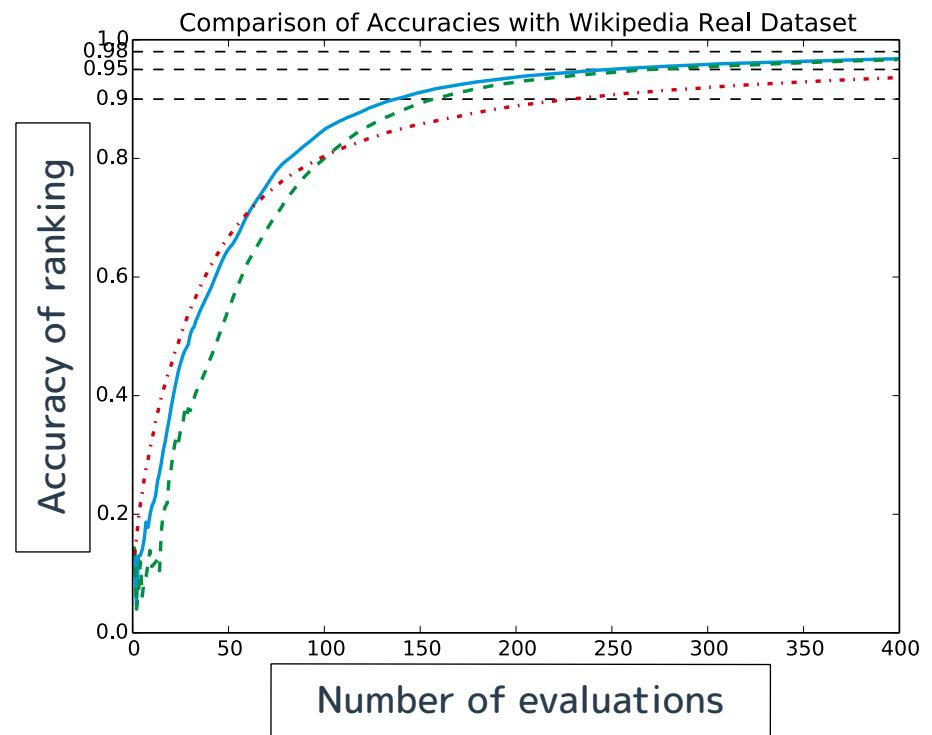
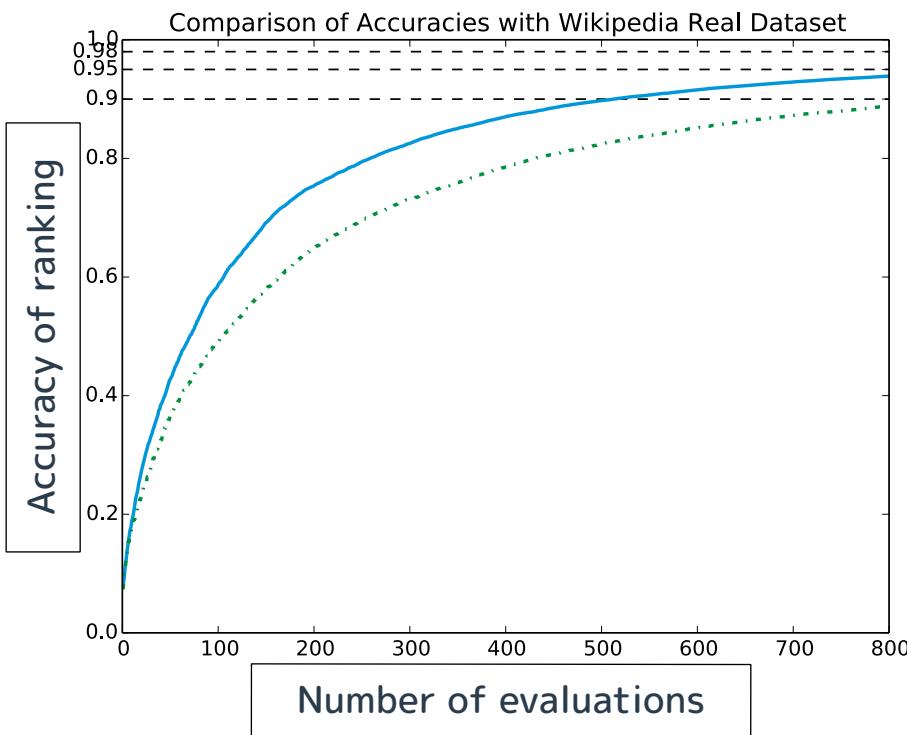
Dataset:

- Synthetic (100 objects)
- Image comparison (50 objects)
- Wikipedia article comparison (30 objects)

Experiment results:

Progressive Comparison and active learning methods

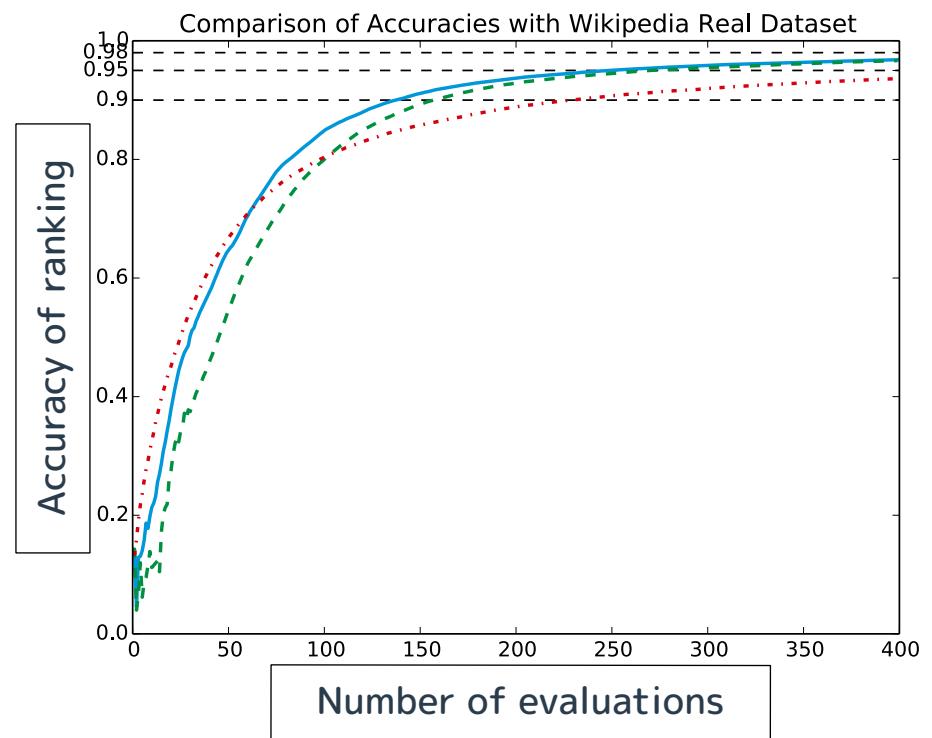
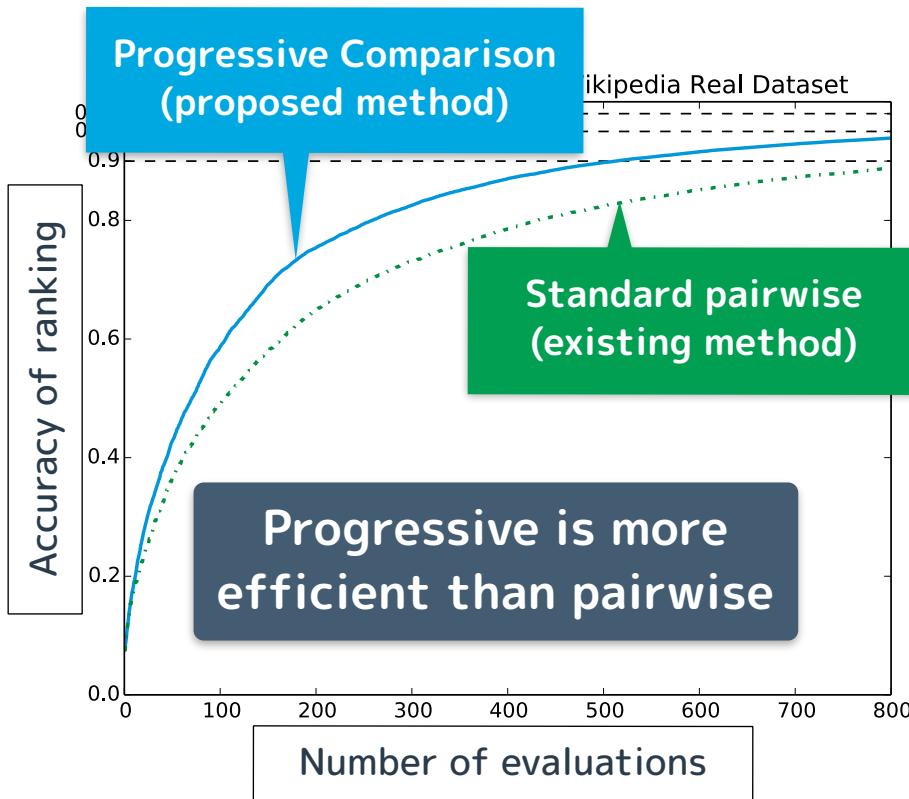
- Experimental results demonstrate the efficiency of Progressive Comparison and its active learning methods



Experiment results:

Progressive Comparison and active learning methods

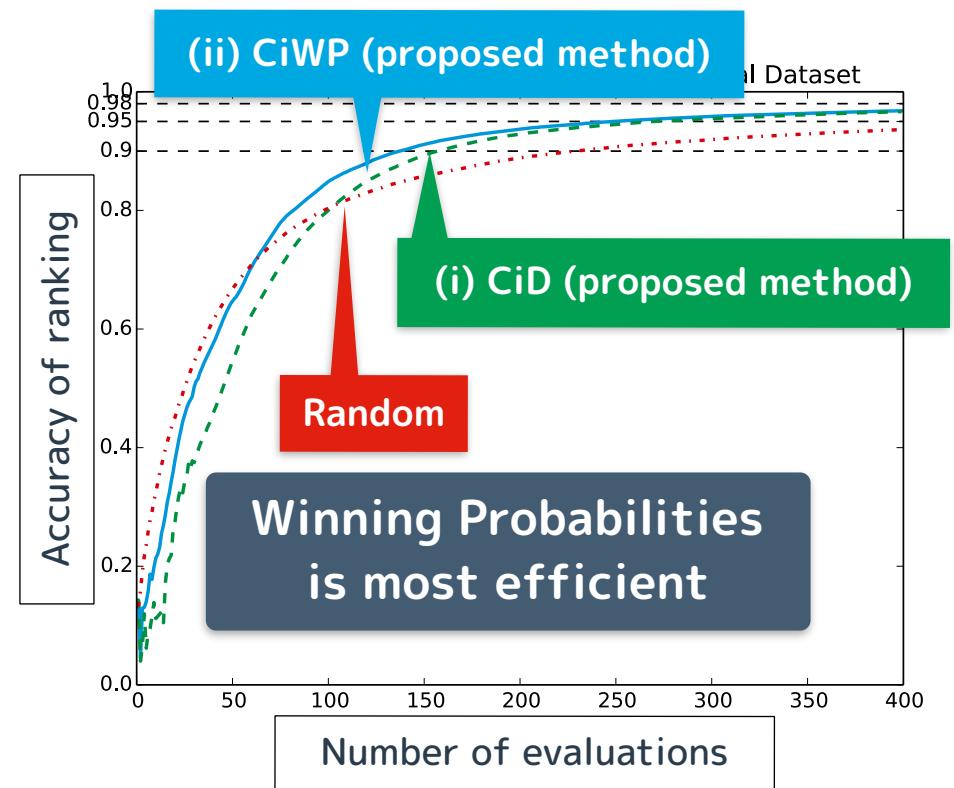
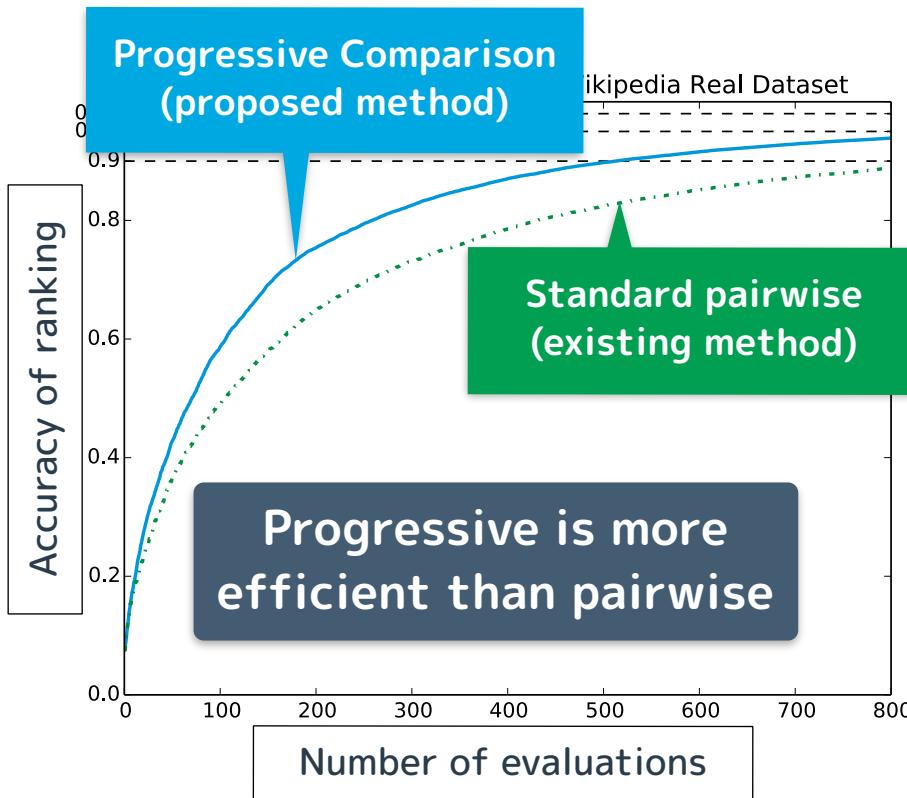
- Experimental results demonstrate the efficiency of Progressive Comparison and its active learning methods



Experiment results:

Progressive Comparison and active learning methods

- Experimental results demonstrate the efficiency of Progressive Comparison and its active learning methods



Conclusions:

Progressive Comparison for Ranking Estimation

- **Ranking estimation** problem addressed
- Proposed:
 - **Progressive comparison**
 - **Active learning** method of Progressive Comparison
 - Change in Distributions
 - Change in Winning Probabilities
- Experimental results show:
 - Superiority of Progressive Comparison to standard pairwise
 - Efficiency of active learning methods for Progressive Comparison (especially (ii) CiWP)